

MATURA
PODSTAWOWA
MAJ 2024

FORMUŁA
2015 *v.*

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

KOD

--	--	--

PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miejsce na naklejkę.

Sprawdź, czy kod na naklejce to
E-100.

Jeżeli tak – przyklej naklejkę.
Jeżeli nie – zgłoś to nauczycielowi.

Egzamin maturalny

Formuła 2015

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Symbol arkusza

EMAP-P0-**100**-2405

DATA: **8 maja 2024 r.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: **9:00**

CZAS TRWANIA: **170 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **46**

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY

Uprawnienia zdającego do:

- dostosowania zasad oceniania
- dostosowania w zw. z dyskalkulią
- nieprzenoszenia odpowiedzi na kartę.

Przed rozpoczęciem pracy z arkuszem egzaminacyjnym

1. Sprawdź, czy nauczyciel przekazał Ci **właściwy arkusz egzaminacyjny**, tj. arkusz we **właściwej formule**, z **właściwego przedmiotu** na **właściwym poziomie**.
2. Jeżeli przekazano Ci **niewłaściwy** arkusz – natychmiast zgłoś to nauczycielowi. Nie rozrywaj banderol.
3. Jeżeli przekazano Ci **właściwy** arkusz – rozerwij banderole po otrzymaniu takiego polecenia od nauczyciela. Zapoznaj się z instrukcją na stronie 2.



**Zadania egzaminacyjne są wydrukowane
na następnych stronach.**

W każdym z zadań od 1. do 29. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

$$\textcircled{1} x + 20\% x = 120\% x = 1,2x$$

Zadanie 1. (0-1)

$$\textcircled{2} 1,2x - 10\% \cdot 1,2x = 90\% \cdot 1,2x = 0,9 \cdot 1,2x = 1,08x = 81 \quad /: 1,08$$

Na początku sezonu letniego cenę x pary sandałów podwyższono o 20%. Po miesiącu nową cenę obniżono o 10%. Po obu tych zmianach ta para sandałów kosztowała 81 zł.

$$x = 75 \text{ zł}$$

Początkowa cena x pary sandałów była równa

- A. 45 zł B. 73,63 zł **C. 75 zł** D. 87,48 zł

Zadanie 2. (0-1)

Liczba $\left(\frac{1}{16}\right)^8 \cdot 8^{16}$ jest równa $= (2^{-4})^8 \cdot (2^3)^{16} = 2^{-32} \cdot 2^{48} = 2^{16}$

- A. 2^{24} **B. 2^{16}** C. 2^{12} D. 2^8

Zadanie 3. (0-1)

Liczba $\log_{\sqrt{3}} 9$ jest równa $= \log_{\sqrt{3}} 3^2 = \log_{\sqrt{3}} (\sqrt{3}^2)^2 = \log_{\sqrt{3}} \sqrt{3}^4 = 4$

- A. 2 B. 3 **C. 4** D. 9

Zadanie 4. (0-1)

Dla każdej liczby rzeczywistej a i dla każdej liczby rzeczywistej b wartość wyrażenia $(2a + b)^2 - (2a - b)^2$ jest równa wartości wyrażenia

$$= \cancel{4a^2} + 4ab + \cancel{b^2} - \cancel{4a^2} + 4ab - \cancel{b^2} = 8ab$$

- A. $8a^2$ **B. $8ab$** C. $-8ab$ D. $2b^2$

Zadanie 5. (0-1)

Zbiorem wszystkich rozwiązań nierówności

$$1 - \frac{3}{2}x < \frac{2}{3} - x$$

$$\begin{aligned} 6 - 9x &< 4 - 6x \\ \rightarrow -3x &< -2 \quad /: (-3) \\ x &> \frac{2}{3} \end{aligned}$$

jest przedział

- A. $(-\infty, -\frac{2}{3})$ B. $(-\infty, \frac{2}{3})$ C. $(-\frac{2}{3}, +\infty)$ **D. $(\frac{2}{3}, +\infty)$**

Zadanie 6. (0-1)

Największą liczbą będącą rozwiązaniem rzeczywistym równania $x(x+2)(x^2+9)=0$ jest

A. (-2)

B. 0

C. 2

D. 3

$x=0 \vee x+2=0 \vee x^2+9=0$
 $x_2 = -2$
 $x^2 = -9$
 Sprzeczne
 $x \in \{-2; 0\} \rightarrow x_{\max} = 0$

Zadanie 7. (0-1)

Równanie $\frac{x+1}{(x+2)(x-3)} = 0$ w zbiorze liczb rzeczywistych

A. nie ma rozwiązania.

B. ma dokładnie jedno rozwiązanie: (-1).

C. ma dokładnie dwa rozwiązania: (-2) oraz 3.

D. ma dokładnie trzy rozwiązania: (-1), (-2) oraz 3.

$\frac{x+1}{(x+2)(x-3)} = 0$
 $x+1=0$
 $x = -1 \in D$
 $x = -1$

zak. $x \neq -2$
 $x \neq 3$

Zadanie 8. (0-1)

W październiku 2022 roku założono dwa sady, w których posadzono łącznie 1960 drzew.

Po roku stwierdzono, że uszło 5% drzew w pierwszym sadzie i 10% drzew w drugim sadzie. Uschnięte drzewa usunięto, a nowych nie dosadzano.

Liczba drzew, które pozostały w drugim sadzie, stanowiła 60% liczby drzew, które pozostały w pierwszym sadzie.

Niech x oraz y oznaczają liczby drzew posadzonych – odpowiednio – w pierwszym i drugim sadzie.

Układem równań, którego poprawne rozwiązanie prowadzi do obliczenia liczby x drzew posadzonych w pierwszym sadzie oraz liczby y drzew posadzonych w drugim sadzie, jest

A. $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,6 \cdot 0,95x = 0,9y \end{cases}$

B. $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,95x = 0,6 \cdot 0,9y \end{cases}$

C. $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,05x = 0,6 \cdot 0,1y \end{cases}$

D. $\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,4 \cdot 0,95x = 0,9y \end{cases}$

① $x + y = 1960$
 ② $(x - 5\%x) \cdot 60\% = y - 10\%y$
 $0,6$

$\begin{cases} x + y = 1960 \\ 95\%x \cdot 0,6 = 90\%y \end{cases}$

$\begin{cases} x + y = 1960 \\ 0,6 \cdot 0,95x = 0,9y \end{cases}$

Zadanie 9. (0-1)

$$\textcircled{1} \frac{a+b+c}{3} = 9 \quad | \cdot 3 \rightarrow \underline{a+b+c = 27}$$

Średnia arytmetyczna trzech liczb: a , b , c , jest równa 9.

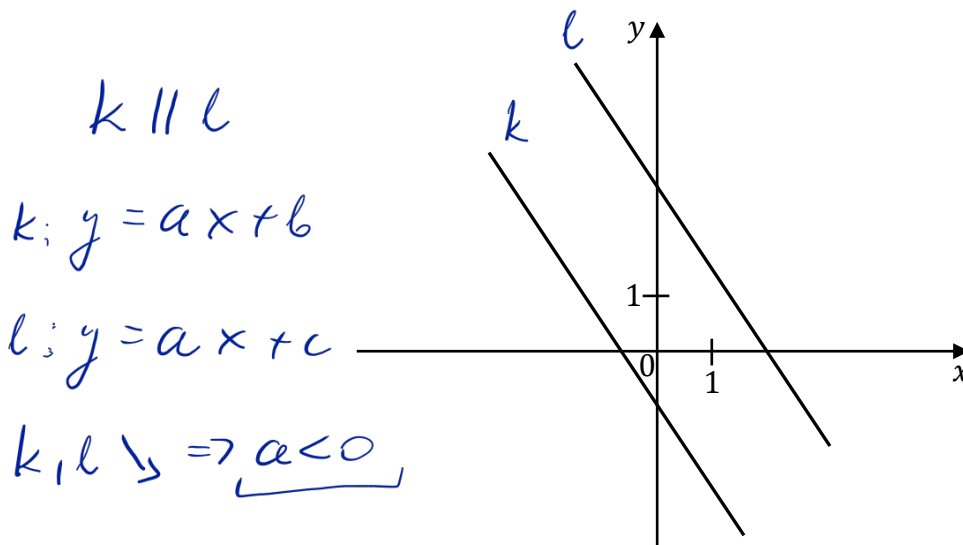
Średnia arytmetyczna sześciu liczb: a , a , b , b , c , c , jest równa

A. 9**B.** 6**C.** 4,5**D.** 18

$$\textcircled{2} \frac{a+a+b+b+c+c}{6} = \frac{2(a+b+c)}{6} = \frac{27}{3} = \underline{\underline{9}}$$

Zadanie 10. (0-1)

Na rysunku przedstawiono dwie proste równoległe, które są interpretacją geometryczną jednego z poniższych układów równań A-D.



Układem równań, którego interpretację geometryczną przedstawiono na rysunku, jest

A. $\begin{cases} y = -\frac{3}{2}x + 3 \\ y = -\frac{3}{2}x - 1 \end{cases} \rightarrow l \searrow \wedge c > 1$
 $\rightarrow k \searrow \wedge b < 0$

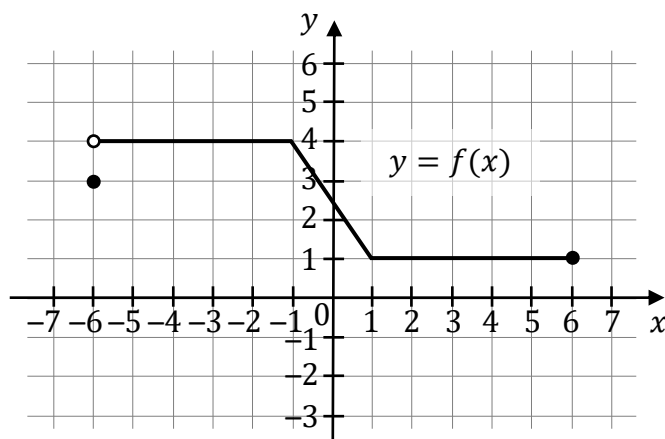
B. $\begin{cases} y = \frac{3}{2}x + 3 \\ y = -\frac{2}{3}x - 1 \end{cases}$

C. $\begin{cases} y = \frac{3}{2}x + 3 \\ y = \frac{3}{2}x - 1 \end{cases}$

D. $\begin{cases} y = -\frac{3}{2}x - 3 \\ y = \frac{3}{2}x + 1 \end{cases}$

Zadanie 11. (0-1)

Na rysunku przedstawiono wykres funkcji f .



Zbiorem wartości tej funkcji jest

A. $(-6, 6)$

B. $(1, 4)$

C. $(1, 4)$

D. $(-6, 6)$

Zadanie 12. (0-1)

Funkcja liniowa f jest określona wzorem $f(x) = (-2k + 3)x + k - 1$, gdzie $k \in \mathbb{R}$.

Funkcja f jest malejąca dla każdej liczby k należącej do przedziału

A. $(-\infty, 1)$

B. $(-\infty, -\frac{3}{2})$

C. $(1, +\infty)$

D. $(\frac{3}{2}, +\infty)$

Zadanie 13. (0-1)

Funkcje liniowe f oraz g , określone wzorami $f(x) = 3x + 6$ oraz $g(x) = ax + 7$, mają to samo miejsce zerowe.

Współczynnik a we wzorze funkcji g jest równy

A. $(-\frac{7}{2})$

B. $(-\frac{2}{7})$

C. $\frac{2}{7}$

D. $\frac{7}{2}$

$$f(x_0) = g(x_0) = 0$$

$$3x_0 + 6 = 0 \quad | \quad ax_0 + 7 = 0$$

$$3x_0 = -6 \quad | : 3 \quad | \quad ax_0 = -7 \quad | : a \neq 0$$

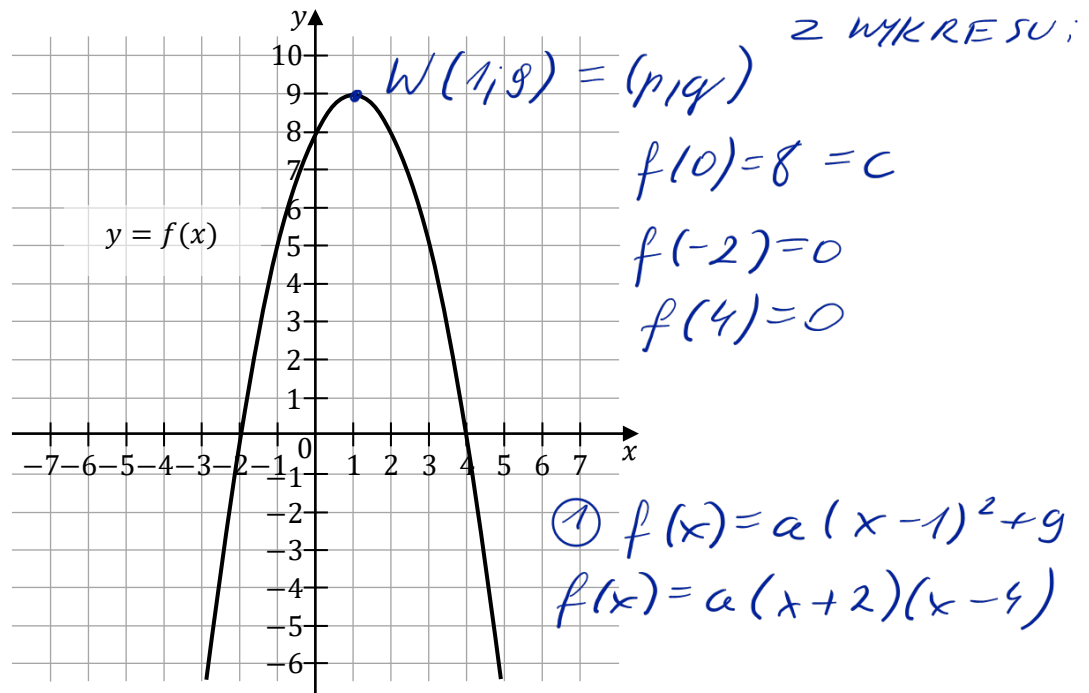
$$x_0 = -2 \quad | \quad x_0 = -\frac{7}{a}$$

$$-2 = -\frac{7}{a} \quad | \cdot \frac{a}{-2}$$

$$\underline{\underline{a = \frac{7}{2}}}$$

Informacja do zadań 14.–15.

Na rysunku przedstawiono fragment paraboli, która jest wykresem funkcji kwadratowej f (zobacz rysunek). Wierzchołek tej paraboli oraz punkty przecięcia paraboli z osiami układu współrzędnych mają obie współrzędne całkowite.



② $f(0) = 8 \Rightarrow 8 = a(0-1)^2 + 9 \Rightarrow 8 = a + 9 \Rightarrow \underline{a = -1}$

Zadanie 14. (0–1)

Funkcja kwadratowa f jest określona wzorem

$$f(x) = -(x-1)^2 + 9$$

A. $f(x) = -(x+1)^2 - 9$

B. $f(x) = -(x-1)^2 + 9$

C. $f(x) = -(x-1)^2 - 9$

D. $f(x) = -(x+1)^2 + 9$

Zadanie 15. (0–1)

Dla funkcji f prawdziwa jest równość

A. $f(-4) = f(6)$

B. $f(-4) = f(4)$

C. $f(-4) = f(5)$

D. $f(-4) = f(7)$

$$f(-4) = -(-4-1)^2 + 9 = -25 + 9 = \underline{-16}$$

$$f(6) = -(6-1)^2 + 9 = -25 + 9 = \underline{-16}$$

Zadanie 16. (0-1) $\rightarrow a_n = a_1 + (n-1) \cdot v$

W ciągu arytmetycznym (a_n) , określonym dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$, dane są wyrazy $a_4 = -2$ oraz $a_6 = 16$.
Piąty wyraz tego ciągu jest równy

$$\begin{aligned} &+ \begin{cases} a_1 + 3v = -2 \\ a_1 + 5v = 16 \end{cases} \\ &\hline 2a_1 + 8v = 14 \quad | :2 \\ &\hline a_1 + 4v = 7 \\ &\underline{\underline{a_5 = a_1 + 4v = 7}} \end{aligned}$$

- A. $\frac{7}{2}$ B. $\frac{9}{2}$ **C. 7**

D. 9

Zadanie 17. (0-1)


$\textcircled{1} a_1 = 2^0 = 1, a_2 = 2^{2-1} = 2$ $\textcircled{2} q = \frac{a_2}{a_1} = \frac{2}{1} = 2$

Ciąg geometryczny (a_n) jest określony wzorem $a_n = 2^{n-1}$, dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$.
Iloraz tego ciągu jest równy

- A. $\frac{1}{2}$ B. (-2) **C. 2**

D. 1

Zadanie 18. (0-1)

$b_n > 0 \Rightarrow$  $\rightarrow \begin{cases} n \in \mathbb{N}^+ \\ n \in (-2, 7) \end{cases}$

Ciąg (b_n) jest określony wzorem $b_n = (n+2)(7-n)$, dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$.
Liczba dodatnich wyrazów ciągu (b_n) jest równa

$n \in \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

- A. 6** B. 7 C. 8 D. 9

Zadanie 19. (0-1)

Liczba $\sin^3 20^\circ + \cos^2 20^\circ \cdot \sin 20^\circ$ jest równa $= \sin 20^\circ (\sin^2 20^\circ + \cos^2 20^\circ) =$

$= \underline{\underline{\sin 20^\circ}}$

- A. $\cos 20^\circ$ **B. $\sin 20^\circ$**
C. $\text{tg } 20^\circ$ D. $\sin 20^\circ \cdot \cos 20^\circ$

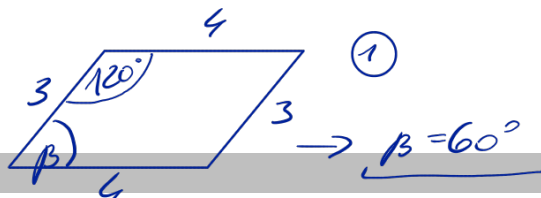
Zadanie 20. (0-1)

Kąt α jest ostry oraz $\cos \alpha = \frac{5}{13}$. Wtedy

- A. $\text{tg } \alpha = \frac{12}{13}$ **B. $\text{tg } \alpha = \frac{12}{5}$** C. $\text{tg } \alpha = \frac{5}{12}$ D. $\text{tg } \alpha = \frac{13}{12}$

$\textcircled{1} \sin^2 \alpha + \left(\frac{5}{13}\right)^2 = 1$
 $\sin^2 \alpha = \frac{169 - 25}{169} = \frac{144}{169}$ $\sqrt{\sin^2 \alpha > 0}$
 $\sin \alpha = \frac{12}{13}$ $\frac{1}{\cos}$

$\textcircled{2} \text{tg } \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{12}{13} \cdot \frac{13}{5} = \underline{\underline{\frac{12}{5}}}$



② $P = 3 \cdot 4 \cdot \sin 60^\circ = 12 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3}$

Zadanie 21. (0-1)

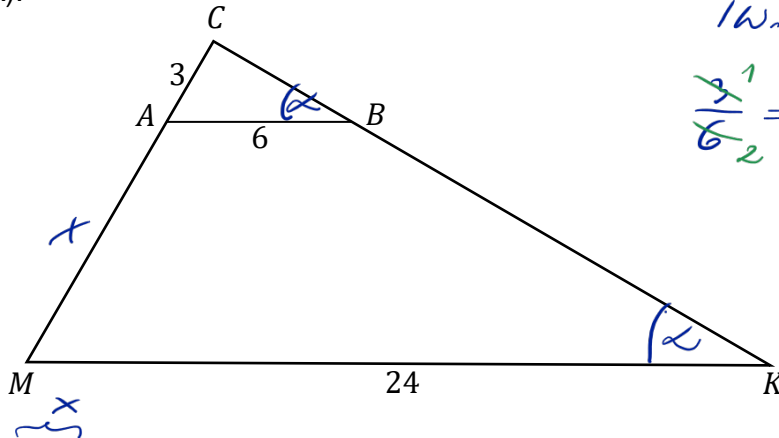
Dany jest równoległobok o bokach długości 3 i 4 oraz o kącie między nimi o mierze 120° . Pole tego równoległoboku jest równe

- A. 6 **B. $6\sqrt{3}$** C. 12 D. $12\sqrt{3}$

Zadanie 22. (0-1)

$\overline{AB} \parallel \overline{MK}$

W trójkącie MKC bok MK ma długość 24. Prosta równoległa do boku MK przecina boki MC i KC – odpowiednio – w punktach A oraz B takich, że $|AB| = 6$ i $|AC| = 3$ (zobacz rysunek).



Tw. Talesa

$$\frac{3}{6} = \frac{3+x}{24} \quad | \cdot 24$$

$$12 = 3+x$$

$$\underline{\underline{x = 9}}$$

Długość odcinka MA jest równa

- A. 18 B. 15 **C. 9** D. 12

Zadanie 23. (0-1)

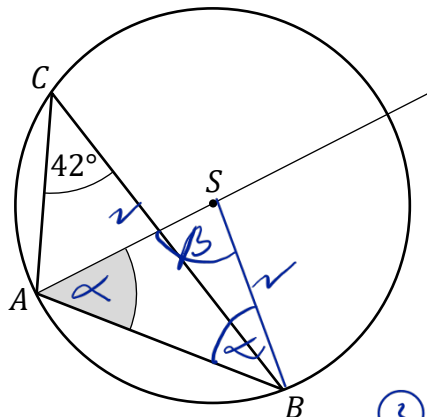
W trójkącie ABC , wpisanym w okrąg o środku w punkcie S , kąt ACB ma miarę 42° (zobacz rysunek).

\widehat{AB} – łuk AB , na którym oparte są dwa identyczne kąty:

- (1) KĄT WPISANY $\rightarrow \angle ACB$
- (2) KĄT ŚRODKOWY $\rightarrow \angle ASB$

$\widehat{AB}: |\angle ASB| = 2 \cdot |\angle ACB|$

\rightarrow ②



① $|SA| = |SB| = r$

$\triangle ABS: |\angle ABS| = \alpha$

② \widehat{AB} :

$\angle \beta = 2 \cdot 42^\circ = 84^\circ$

③ $\triangle ABS: 2\alpha + \beta = 180^\circ$

$2\alpha = 96^\circ \quad | :2$

$\underline{\underline{\alpha = 48^\circ}}$

Miara kąta ostrego BAS jest równa

- A. 42° B. 45° **C. 48°** D. 69°

Zadanie 24. (0-1)

Proste k oraz l są określone równaniami

$$k: y = (m + 1)x + 7$$

$$l: y = -2x + 7$$

$$k \perp l: -2 \cdot (m + 1) = -1 \quad | : (-2)$$

$$m + 1 = \frac{1}{2}$$

$$m = -\frac{1}{2}$$

Proste k oraz l są prostopadłe, gdy liczba m jest równa

A. $(-\frac{1}{2})$

B. $\frac{1}{2}$

C. (-3)

D. 1

Zadanie 25. (0-1)

Na prostej l o współczynniku kierunkowym $\frac{1}{2}$ leżą punkty $A = (2, -4)$ oraz $B = (0, b)$.

Wtedy liczba b jest równa

A. (-5)

B. 10

C. (-2)

D. 0

Zadanie 26. (0-1)

Wysokość graniastostupa prawidłowego sześciokątnego jest równa 6 (zobacz rysunek).

Pole podstawy tego graniastostupa jest równe $15\sqrt{3}$.

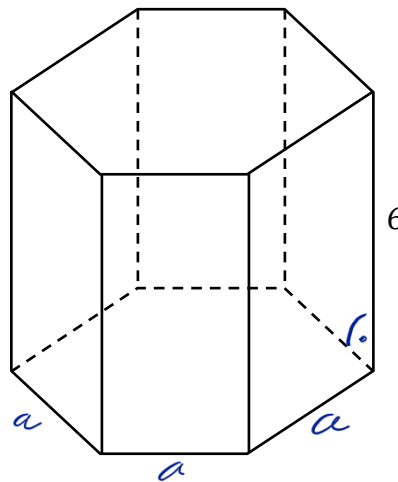
$$\textcircled{1} P_p = 15\sqrt{3}$$

$$3 \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{4 \cdot 2} = 15\sqrt{3} \quad | : \sqrt{3}$$

$$\frac{3}{2} a^2 = 15 \quad | \cdot \frac{2}{3}$$

$$a^2 = 10 \quad | \sqrt{\quad}$$

$$a = \sqrt{10}$$



Dane:

$$H = 6$$

$$P_p = 15\sqrt{3}$$

Szukane:

$$P_p = ?$$

$$\textcircled{2} P_{sb} = H \cdot a$$

$$= 6\sqrt{10}$$

Pole jednej ściany bocznej tego graniastostupa jest równe

A. $36\sqrt{10}$

B. 60

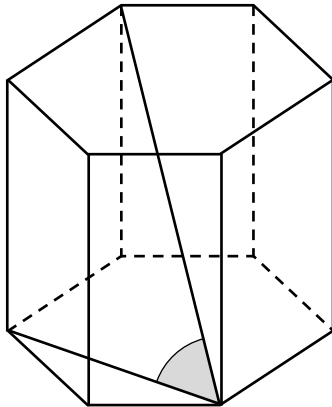
C. $6\sqrt{10}$

D. 360

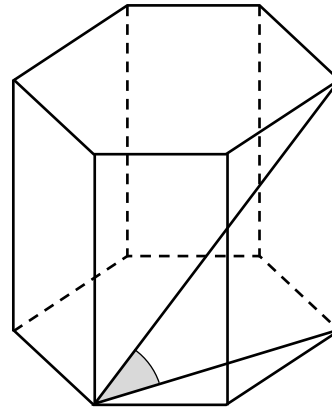
Zadanie 27. (0-1)

Kąt nachylenia najdłuższej przekątnej graniastoslupa prawidłowego sześciokątnego do płaszczyzny podstawy jest zaznaczony na rysunku

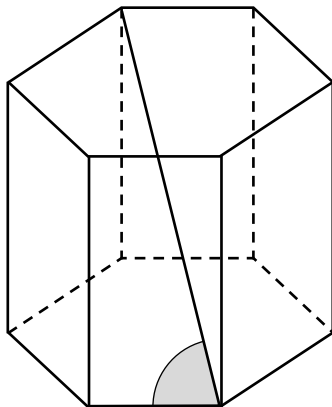
A.



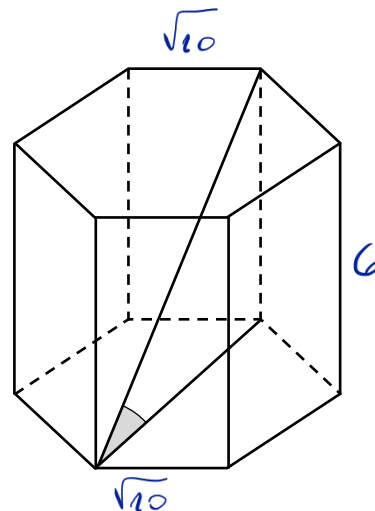
B.



C.



D.



Zadanie 28. (0-1)

$\textcircled{1} V = \frac{1}{3} P \cdot H = \frac{1}{3} a^2 \cdot H = 64 \Rightarrow \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot 12 = 64 \quad \therefore a = 4$

Objętość ostrosłupa prawidłowego czworokątnego jest równa 64. Wysokość tego ostrosłupa jest równa 12. = H

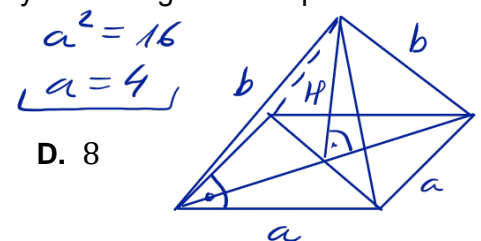
Długość krawędzi podstawy tego ostrosłupa jest równa

A. 2

B. 4

C. 6

D. 8



Zadanie 29. (0-1)

$\textcircled{1} \sqrt{n} = \underline{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} = 4! = \underline{24}$

Rozważamy wszystkie kody czterocyfrowe utworzone tylko z cyfr 1, 3, 6, 8, przy czym w każdym kodzie każda z tych cyfr występuje dokładnie jeden raz.

Liczba wszystkich takich kodów jest równa

A. 4

B. 10

C. 24

D. 16

Zadanie 30. (0-2)

Rozwiąż nierówność

$$x^2 - 4 \leq 3x$$

$$x^2 - 3x - 4 \leq 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta = (-3)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-4) = 9 + 16 = 25 \\ \sqrt{\Delta} = 5 \\ x_1 = \frac{3-5}{2 \cdot 1} = -1 \\ x_2 = \frac{3+5}{2 \cdot 1} = 4 \end{array} \right.$$



$$\underline{\underline{\text{Odp: } x \in \langle -1; 4 \rangle}}$$

Zadanie 31. (0-2)

$$Z: x, y \in \mathbb{R} \wedge x \neq y$$

Wykaż, że dla każdej liczby rzeczywistej x i dla każdej liczby rzeczywistej y takich, że $x \neq y$, prawdziwa jest nierówność

$$\overline{T}: (3x + y)(x + 3y) > 16xy$$

$$D: (3x + y)(x + 3y) > 16xy$$

$$3x^2 + 9xy + xy + 3y^2 > 16xy$$

$$3x^2 - 6xy + 3y^2 > 0 \quad /: 3$$

$$x^2 - 2xy + y^2 > 0$$

$$(x - y)^2 > 0$$

→ NIERÓWNOŚĆ JEST
PRAWdziWA DLA
KAZDEGO RZECZYWISTEGO
 $x \neq y$, PONIEWAŻ
dla $x \neq y$ mamy $x - y \neq 0$
⇓
 $(x - y)^2 > 0$



$$\overline{T}: (3x + y)(x + 3y) > 16xy \quad \text{cnd}$$

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	30.	31.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 32. (0-2)

Oś symetrii wykresu funkcji kwadratowej $f(x) = x^2 + bx + c$ jest prosta o równaniu

① $x = -2$. Jednym z miejsc zerowych funkcji f jest liczba 1.

Oblicz współczynniki b oraz c .

①

$$p = -2$$

1

$$f(1) = 0$$

$$x_1 = 1$$

1

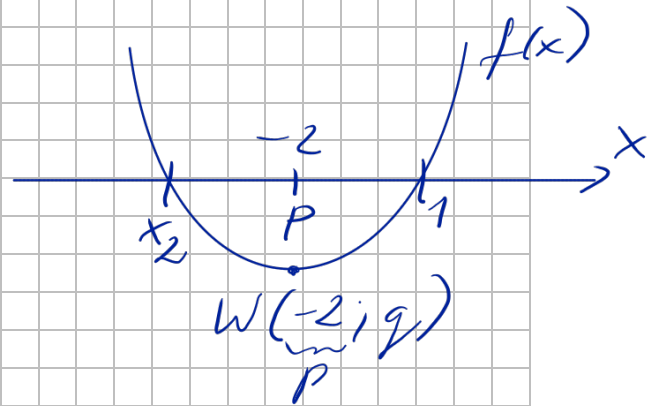
$$a = 1$$

②

$$\frac{x_1 + x_2}{2} = p \quad | \cdot 2$$

$$1 + x_2 = 2 \cdot (-2)$$

$$\underline{x_2 = -5}$$



③

$$f(x) = (x+5)(x-1) = x^2 + 4x - 5$$

Odp: ³

$$\underline{\underline{b = 4, c = -5}}$$

Zadanie 33. (0-2)

Ciąg arytmetyczny (a_n) jest określony dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$. Trzeci wyraz tego ciągu jest równy (-1) , a suma piętnastu początkowych kolejnych wyrazów tego ciągu jest równa (-165) .

Oblicz różnicę tego ciągu.

$n \in \mathbb{N}^+$
 $a_n = a_1 + (n-1) \cdot r$

① $a_3 = -1$
 $S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n$

② $S_{15} = -165$

$r = ?$

① $a_1 + 2r = -1$
 $a_1 = -1 - 2r$

② $\frac{2a_1 + 14r}{2} \cdot 15 = -165 \quad | :15$
 $\frac{2(a_1 + 7r)}{2} = -11$

$-1 - 2r + 7r = -11$
 $5r = -10 \quad | :5$

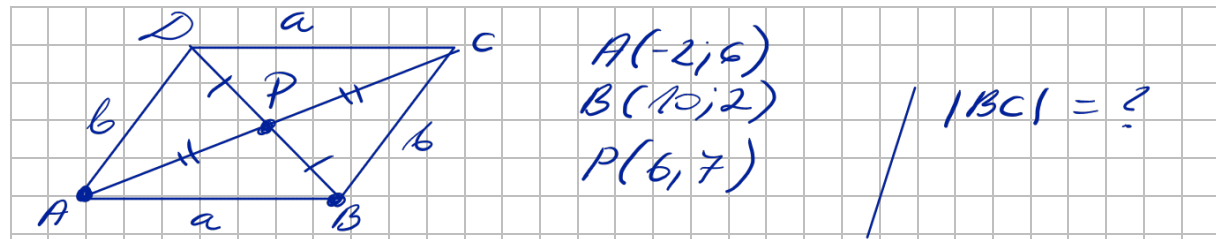
Odp: $r = -2$

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	32.	33.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 34. (0-2)

Dany jest równoległobok $ABCD$, w którym $A = (-2, 6)$ oraz $B = (10, 2)$. Przekątne AC oraz BD tego równoległoboku przecinają się w punkcie $P = (6, 7)$.

Oblicz długość boku BC tego równoległoboku.



$$\begin{aligned} A(-2, 6) \\ B(10, 2) \\ P(6, 7) \end{aligned}$$

$$|BC| = ?$$

I Metoda

lub

II Metoda

$$\textcircled{1} \vec{AP} = \vec{PC}$$

$$[8; 1] = [x_c - 6; y_c - 7]$$

$$8 = x_c - 6 \quad \wedge \quad 1 = y_c - 7$$

$$x_c = 14 \quad \wedge \quad y_c = 8$$

$$\underline{C(14; 8)}$$

$$\textcircled{1} S_{APC} = P$$

$$\left(\frac{-2 + x_c}{2}; \frac{6 + y_c}{2} \right) = (6, 7) \quad | \cdot 2$$

$$-2 + x_c = 12 \quad \wedge \quad 6 + y_c = 14$$

$$x_c = 14; \quad y_c = 8$$

$$\underline{C(14; 8)}$$

$$\textcircled{2} \vec{BC} = [14 - 10; 8 - 2] = [4; 6]$$

$$|BC| = \sqrt{4^2 + 6^2} = \sqrt{16 + 36}$$

$$|BC| = \sqrt{52}$$

$$\underline{\underline{|BC| = 2\sqrt{13}}}$$

$$\textcircled{2} |BC| = \sqrt{(14-10)^2 + (8-2)^2} =$$

$$= \sqrt{4^2 + 6^2} =$$

$$= \sqrt{16 + 36} =$$

$$= \sqrt{52} = \underline{\underline{2\sqrt{13}}}$$

Odp: $\underline{\underline{|BC| = 2\sqrt{13}}}$

Zadanie 35. (0-2)

Dany jest pięcioelementowy zbiór $K = \{5, 6, 7, 8, 9\}$. Wylosowanie każdej liczby z tego zbioru jest jednakowo prawdopodobne. Ze zbioru K losujemy ze zwracaniem kolejno dwa razy po jednej liczbie i zapisujemy je w kolejności losowania.

Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia A polegającego na tym, że suma wylosowanych liczb jest liczbą parzystą.

$K = \{5; 6; 7; 8; 9\} \rightarrow n = 5$
 $k = 2$,
 K, P (kolejność istotna, powtórzenie) | $P(A) = ?$

① $\overline{\Omega} = \underline{5} \cdot \underline{5} = \underline{25}$

② $\overline{A} = \frac{\underline{2} \cdot \underline{2}}{\substack{P \\ 6 \\ 8}} + \frac{\underline{3} \cdot \underline{3}}{\substack{NP \\ 5 \\ 7 \\ 9}} = 4 + 9 = \underline{13}$

Odp:

③ $\underline{P(A)} = \frac{\overline{A}}{\overline{\Omega}} = \frac{13}{25} = 0,52$

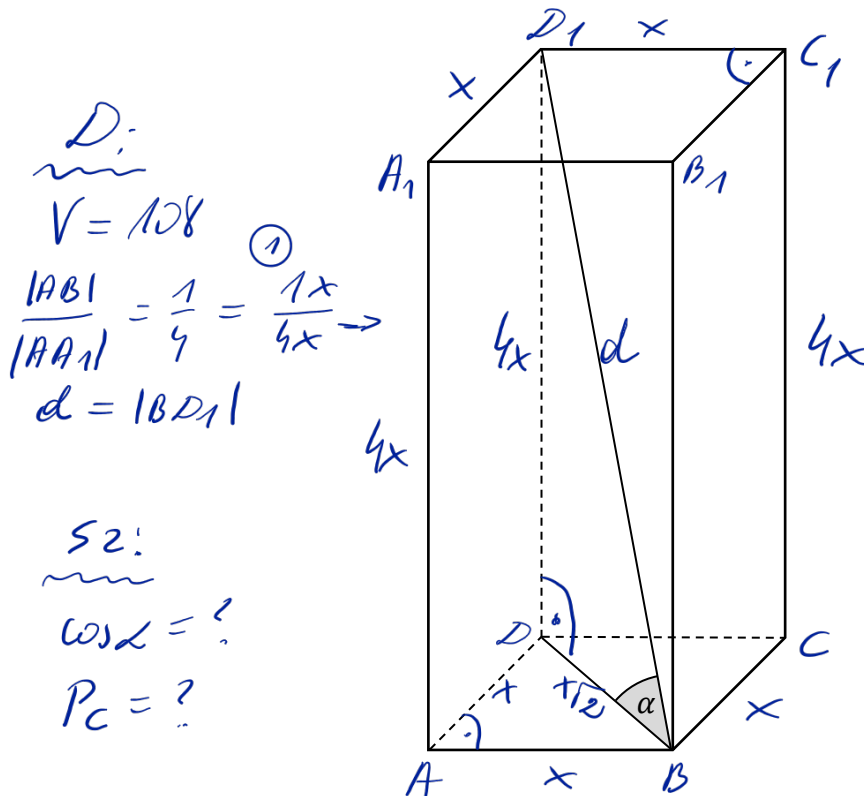
Wypełnia egzaminator	Nr zadania	34.	35.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 36. (0-5)

W graniastosłupie prawidłowym czworokątnym o objętości równej 108 stosunek długości krawędzi podstawy do wysokości graniastosłupa jest równy $\frac{1}{4}$.

Przekątna tego graniastosłupa jest nachylona do płaszczyzny jego podstawy pod kątem α (zobacz rysunek).

Oblicz cosinus kąta α oraz pole powierzchni całkowitej tego graniastosłupa.



② $\triangle ABD$ ($45^\circ, 45^\circ, 90^\circ$) $\rightarrow |BD| = x\sqrt{2}$

③ $\triangle DBD_1$ - Tw. Pit.

$$d^2 = (4x)^2 + (x\sqrt{2})^2$$

$$d^2 = 16x^2 + 2x^2$$

$$d^2 = 18x^2 \quad | \sqrt{\cdot}, d, x > 0$$

$$d = 3\sqrt{2}x$$

④ $\cos \alpha = \frac{|DB|}{|BD_1|} = \frac{x\sqrt{2}}{d}$

$$\cos \alpha = \frac{x\sqrt{2}}{3\sqrt{2}x}$$

odp: $\cos \alpha = \frac{1}{3}$

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Formuła 2015

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Formuła 2015

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

Formuła 2015